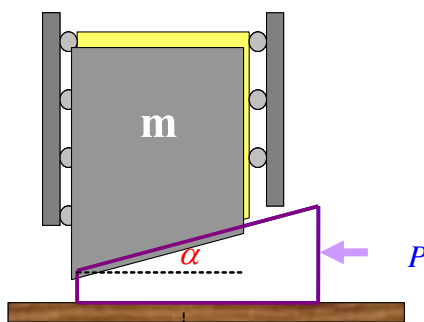
	แผนการจัดการเรียนรู้	หน่วยที่ 6
	ชื่อวิชา กลศาสตร์วิศวกรรม 1.	สอนครั้งที่ 14
	ชื่อหน่วย ความเสียดทาน	จำนวน 3 ชั่วโมง
<p><b>หัวข้อเรื่อง</b></p> <p>6.4 ลิ่ม</p> <p>6.5 สกรู</p> <p><b>สาระสำคัญ</b></p> <p>1. ลิ่ม (Wedges) เป็นเครื่องจักรกลอย่างง่ายที่ใช้เปลี่ยนแปลงแรงให้มีค่ามากขึ้น หรือใช้ในการยกของที่มีน้ำหนักมาก ๆ โดยออกแรงกระทำที่ลิ่มน้อยเมื่อเทียบกับน้ำหนักของวัตถุ สัมประสิทธิ์ความเสียดทานที่ผิวสัมผัสและรูปร่างที่เหมาะสมของลิ่มจะทำให้วัตถุคงอยู่ในตำแหน่งที่ยกขึ้นไปได้ตามต้องการ เรามักใช้ลิ่มในการปรับตำแหน่งของเครื่องจักรขนาดหนักขณะทำการติดตั้ง</p> <p>2. สกรู เป็นเครื่องจักรกลที่ใช้ในการขันชิ้นส่วนเครื่องกลมีความสัมพันธ์ในการถ่ายเทกำลังหรือการเคลื่อนที่จากส่วนหนึ่งของเครื่องจักรกลหนึ่งไปยังอีกส่วนหนึ่ง</p> <p><b>สมรรถนะที่พึงประสงค์ (ความรู้ ทักษะ คุณธรรม จริยธรรม จรรยาบรรณ วิชาชีพ)</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. ผู้เรียนสามารถเขียนแผนภาพวัตถุอิสระความเสียดทานของลิ่มได้อย่างถูกต้อง</li> <li>2. ผู้เรียนสามารถคำนวณหาความเสียดทานที่เกิดขึ้นบนลิ่มได้อย่างถูกต้อง</li> <li>3. ผู้เรียนสามารถเขียนแผนภาพวัตถุอิสระความเสียดทานของสกรูได้อย่างถูกต้อง</li> <li>4. ผู้เรียนสามารถคำนวณหาความเสียดทานที่เกิดขึ้นบนสกรูได้อย่างถูกต้อง</li> <li>5. ผู้เรียนสามารถคำนวณหาแรงหรือโมเมนต์ที่เกิดขึ้นบนสกรูได้อย่างถูกต้อง</li> </ol>		

## เนื้อหาสาระ

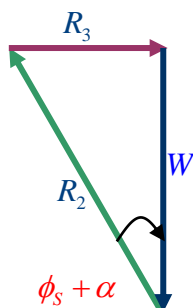
### 6.4 ลิ่ม (Wedges)

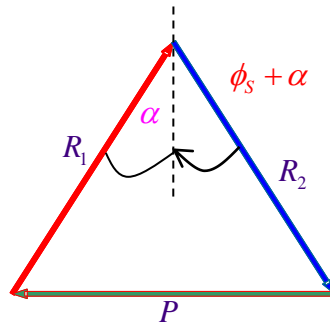
ลิ่ม (Wedges) เป็นเครื่องจักรกลอย่างง่ายที่ใช้เปลี่ยนแปลงแรงให้มีค่ามากขึ้น หรือใช้ในการยกของที่มีน้ำหนักมาก ๆ โดยออกแรงกระทำที่ลิ่มน้อยเมื่อเทียบกับน้ำหนักของวัตถุ สัมประสิทธิ์ความเสียดทานที่ผิวสัมผัสและรูปร่างที่เหมาะสมของลิ่มจะทำให้วัตถุคงอยู่ในตำแหน่งที่ยกขึ้นไปได้ตามต้องการ เรามักใช้ลิ่มในการปรับตำแหน่งของเครื่องจักรขนาดหนักขณะทำการติดตั้ง

พิจารณารูปที่ 5.4 ซึ่งใช้ยกกล่องที่มีมวล  $m$  โดยใช้แรง  $P$  กระทำที่ลิ่มแผนภาพวัตถุอิสระของลิ่มและกล่องแสดงในรูปที่ 5.4 ในที่นี้จะไม่คิมน้ำหนักของลิ่มเนื่องจากมีค่าน้อยมากเมื่อเทียบกับน้ำหนักของกล่อง แรงกระทำ  $P$  ที่น้อยที่สุดที่ทำให้วัตถุเริ่มเคลื่อนที่ขึ้นได้จะต้องทำให้วัตถุและลิ่มอยู่ในสภาวะที่เริ่มเคลื่อนที่แรงเสียดทานในทุกผิวสัมผัสจะเท่ากับ  $F_{\max} = \mu_s N$



รูปที่ 5.4

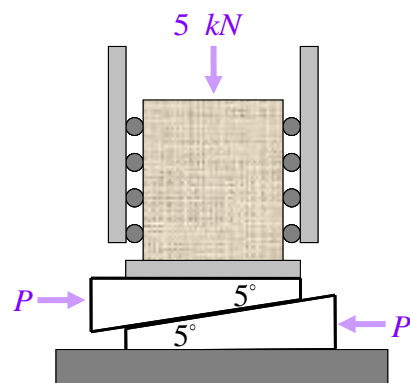




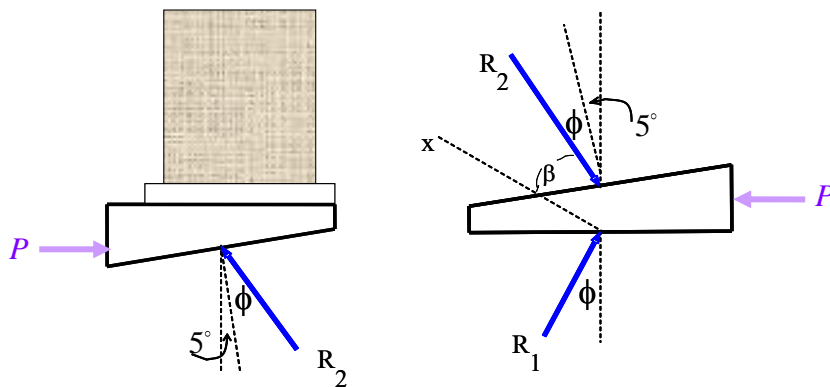
ถ้าเอาแรง  $P$  ออกและลิ่มยังคงคาอยู่ สมดุลนี้จะเกิดขึ้นเมื่อ  $R_1$  และ  $R_2$  อยู่ในแนวเส้นตรงเดียวกันโดยแต่ละแรงเอียงทำมุม  $\frac{\alpha}{2}$  กับแนวตั้งฉากของผิวตั้งนั้นหาก  $\frac{\alpha}{2} < \phi_s$  การไหลจะไม่เกิดขึ้นหลังจากเอาแรง  $P$  ออก ลิ่มลักษณะนี้เรียกว่า ลิ่ม ชนิด ล็อกตัวเอง (*Self-Locking*) เมื่อต้องการให้วัตถุเคลื่อนที่ลงต้องใช้แรง  $P$  ดึงลิ่มออกฝั่งวัตถุอิสระของวัตถุลิ่มจะเหมือนกันแต่ทิศทางลูกศรตรงกันข้าม

ถ้าต้องการทราบค่าทำให้เกิดการเคลื่อนที่ของลิ่ม, แรงตั้งฉากปกติ และแรงเสียดทานสมการที่มีอยู่ประกอบด้วยสองสมการสมดุล ( $\sum F_x = 0$  และ  $\sum F_y = 0$ ) กระทำต่อลิ่มและกล่อง (ทั้งหมดสี่สมการ) และสมการความเสียดทาน  $F = \mu N$  กระทำที่แต่ละพื้นผิวสัมผัส (ทั้งหมดสามสมการ)

**ตัวอย่างที่ 1.** ลิ่มที่มีมุม  $5^\circ$  สองอันตมรูปใช้สำหรับปรับตำแหน่งของเสาที่รองรับภาระที่เป็นแรงในแนวตั้งเท่ากับ  $5 \text{ kN}$  จงหาค่าแรง  $P$  ที่ต้องใช้ในการขยับเสาขึ้นถ้าค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทานทุกผิวสัมผัสเป็น  $0.40$



**วิธีทำ** เขียนแผนภาพวัตถุอิสระได้



การคำนวณ

$$\phi = \tan^{-1} \mu = \tan^{-1}(0.40) = 21.80^\circ$$

สำหรับผังวัตถุอิสระของเสาและลิ้มอันบน

$$\sum F_y = 0 ; R_2 \cos(21.8^\circ + 5^\circ) = 5 \text{ kN}$$

$$\text{ดังนั้น } R_2 = \frac{5}{\cos 26.80} = 5.60 \text{ kN}$$

สำหรับผังวัตถุอิสระของลิ้มอันล่าง

$$\beta = 90 - 2\phi - 5^\circ = 41.40^\circ$$

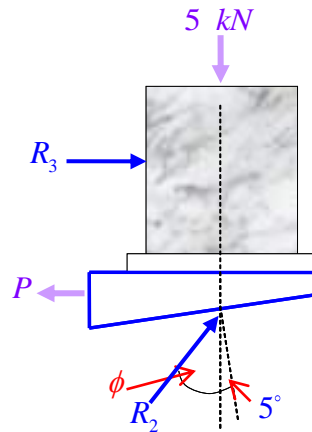
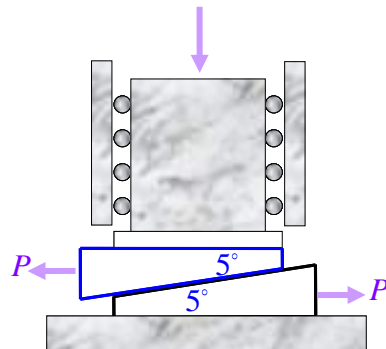
$$\sum F_x = 0 ; P \cos 21.80^\circ - R_2 \cos 41.40^\circ = 0$$

$$\begin{aligned} \text{ดังนั้น } P &= \frac{R_2 \cos 41.40^\circ}{\cos 21.80^\circ} = \frac{5.60(0.7501)}{0.9285} \text{ kN} \\ &= 4.52 \text{ kN} \quad \underline{\underline{\text{Ans}}} \end{aligned}$$

ให้ผู้เรียนพัก 20 นาที ก่อนที่จะมีการทำความเข้าใจในตัวอย่างต่อไปเรียนต่อ

**ตัวอย่างที่ 2.** ลิ่มที่มีมุม 5 องศา สองอันตามรูปใช้สำหรับปรับตำแหน่งของเสาที่รองรับภาระที่เป็นแรงในแนวตั้งเท่ากับ 5 kN จงหาค่าแรง  $P$  ที่จะต้องใช้ในการดึงเอาลิ่มออก เพื่อจะลดระดับของเสาลง ถ้าค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทานของทุกผิวสัมผัสเป็น 0.40

5 kN



## การคำนวณ

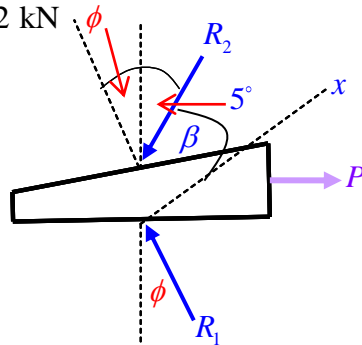
$$\phi = \tan^{-1}\mu = \tan^{-1}0.40 = 21.80^\circ$$

สำหรับปัจจัยอิสระของวัตถุของเสาและถ้ำอันบน

$$\sum F_y = 0 ; R_2 \cos(21.80^\circ - 5^\circ) = 5 \text{ kN}$$

$$R_2 = \frac{5}{\cos 16.80^\circ}$$

$$= 5.22 \text{ kN}$$



สำหรับปัจจัยอิสระของผนังล่าง  $\beta = 90^\circ - \phi(\phi - 5^\circ) = 90^\circ - 2\phi + 5^\circ = 51.40^\circ$

$$\sum F_x = 0 ; P \cos 21.80^\circ - R_2 \cos 51.40^\circ = 0$$

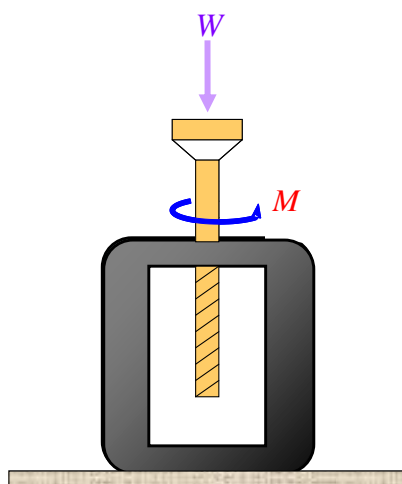
$$P = \frac{R_2 \cos 51.40^\circ}{\cos 21.80^\circ} = \frac{5.22(0.6239)}{0.9285}$$

$$= 3.51 \text{ kN} \quad \text{Ans}$$

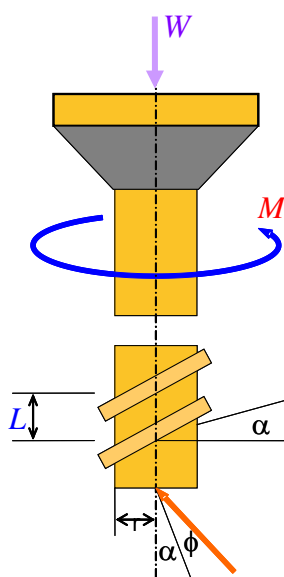
## 6.5 สกรู

### 2. แรงเสียดทานบนสกรู(Frictional forces on Screws)

ในกรณีทั่วไป สกรูจะใช้เป็นตัวขันแน่น (Fasteners) ในเครื่องจักรกลต่าง ๆ โดยมีความสัมพันธ์ในการถ่ายเทกำลังหรือการเคลื่อนที่จากส่วนหนึ่งของเครื่องจักรกลหนึ่งไปยังอีกส่วนหนึ่ง สกรูเกลียวรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส (Square – Thread) จะใช้เมื่อมีแรงกระทำที่มีค่ามากกระทำตามแนวแกน ในรูปตัววี (*V – Thread*) ก็สามารถใช้หลักพื้นฐานเดียวกันได้



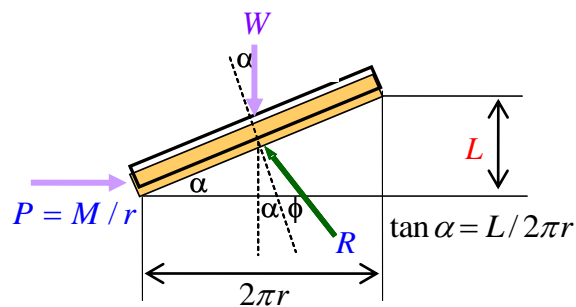
$$P = M / r$$



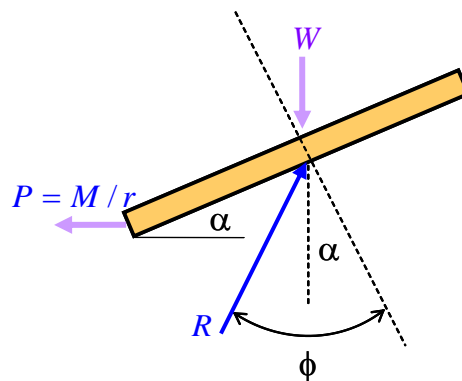


จากรูปเป็นสกรูมีพื้นเกลียวแบบสี่เหลี่ยมรับภาระ  $W$  ในแนวแกนและมีโมเมนต์  $M$  รอบแกนของสกรูกระทำ สกรูมีค่าลีด (*Lead*)  $L$  (ลีดคือระยะในแนวแกนที่สกรูเคลื่อนที่เมื่อหมุนครบ 1 รอบ) มีค่ารัศมีเกลียว  $r$  และ  $R$  เป็นแรงปฏิกิริยาที่เกลียวในของตัวโครงที่กระทำต่อสกรู

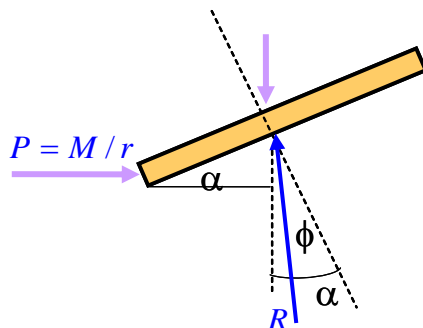
ถ้า  $M$  มีค่าพอที่จะทำให้สกรูเริ่มเคลื่อนที่  $R$  จะทำมุม  $\phi$  กับแนวตั้งฉาก โมเมนต์ของ  $R$  ทั้งหมดรอบแกนของสกรู คือ



(ก)



(ข)



(ก)

ถ้า  $M$  มีค่ามากพอที่จะทำให้สกรูเริ่มเคลื่อนที่ จะทำมุม  $\phi$  กับแนวตั้งฉากโมเมนต์ของ  $R$  รอบแกนของสกรูคือ  $Rr \sin(\alpha + \phi)$  โมเมนต์ของ  $R$  ทั้งหมดรอบแกนของสกรูคือ

$$\sum [Rr \sin(\alpha + \phi)] = [r \sin(\alpha + \phi)] \sum R$$

$$[\sum M = 0] ; M = [r \sin(\alpha + \phi)] \sum R$$

$$[\sum F = 0] \quad W = \sum [R \cos(\alpha + \phi)] = [\cos(\alpha + \phi)] \sum R$$

ดังนั้น เมื่อหาร  $M$  ด้วย  $W$  จะได้

$$M = Wr \tan(\alpha + \phi)$$

คือ ค่ามุมลิด หาได้โดยการ คลี่พื้นเกลียวออก 1 รอบ ดังรูป (ก)

$$\alpha = \tan^{-1}\left(\frac{L}{2\pi r}\right)$$

เราอาจใช้พื้นเกลียวของสกรูที่คลี่ออกมาเปรียบได้กับวัตถุที่มีน้ำหนัก  $W$  อยู่บนพื้นเอียงมุม  $\alpha$  ดังรูป ก แรงสมมูลที่ต้องการในการดันให้เกลียวเคลื่อนขึ้นตามแนวพื้นเอียง คือ  $P = M/r$  จากแรงทั้งสามที่กระทำได้ว่า

$$\tan(\alpha + \phi) = P/W = M/Wr$$

$$\text{ดังนั้น} \quad M = Wr \tan(\alpha + \phi)$$

ถ้าเอาโมเมนต์  $M$  ออก แรงเสียดทานจะเปลี่ยนทิศทาง แรง  $R$  จะเอียงทำมุม  $\phi$  กับแนวตั้งฉากทางอีกด้านหนึ่ง ถ้า  $\alpha < \phi$  สกรูจะยังคงคาอยู่และ

ล็อกตัวเองไว้ในกรณี เช่นนี้ การลิดสกรูลงต้องใช้โมเมนต์  $M$  ในทิศทางตรงกันข้ามกับ  $M$  ดังรูป (ข) แรงสมมูล

$$P = \frac{M}{r}$$

จากแรงทั้งสามที่กระทำจะได้ว่า

$$\tan(\varphi - \alpha) = P/W = M/Wr$$

$$M = Wr \tan(\alpha + \varphi)$$

แต่ถ้า  $\alpha > \varphi$  ในกรณี เช่นนี้ สกรูจะลุดลงด้วยตัวเอง ดังรูป (ค) จะต้องใช้โมเมนต์  $\bar{M}$  ในทิศเดียวกับ  $M$  เพื่อไม่ให้สกรูลุดตกลง แรงสมมูล  $\bar{P} = \bar{M}/r$

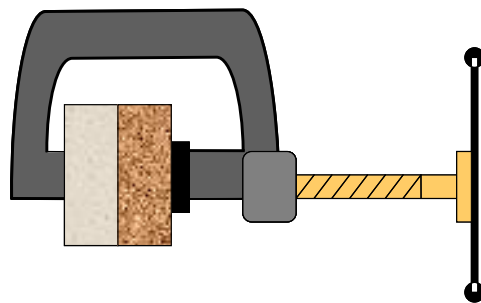
จากแรงทั้งสามที่กระทำจะได้ว่า  $\tan(\varphi - \alpha) = \bar{P}/W = \bar{M}/Wr$

$$\bar{M} = Wr \tan(\alpha - \varphi)$$

**ตัวอย่างที่ 1..** ปากกกาจับชิ้นงานใช้อัดไม้ 2 ชิ้นเข้าด้วยกัน เกลียวของสกรูเป็นพื้นสี่เหลี่ยมชนิด 2

ปาก มีเส้นผ่าศูนย์กลางเกลียว 10 mm ระยะพิตช์ 2 mm สัมประสิทธิ์ความเสียดทานสถิต  $\mu_s = 0.30$  ถ้าใช้ทอร์กสูงสุด 40 N.m ในการขันแน่น จงหา

- ก. แรงที่กระทำต่อชิ้นไม้
- ข. ทอร์กที่ใช้ในการคลายสกรู



**วิธีทำ**

สกรูมีเกลียวชนิด 2 ปาก ดังนั้น

$$\text{ระยะลิด} = 2 \times \text{ระยะพิตช์}$$

$$L = 2(2) = 4 \text{ mm}$$

$$\alpha = \tan^{-1} \frac{L}{2\pi r} = \tan^{-1} \frac{4}{2\pi(5)} = 7.3^\circ$$

$$= \tan^{-1} \mu_s = \tan^{-1} 0.30 = 16.7^\circ$$

ก) แรงที่กระทำต่อชิ้นไม้  $[M = Wr \tan(\alpha + \varphi)]$

$$40 = W(0.005) \tan(7.3^\circ + 16.7^\circ)$$

แรงกด  $F = W = 17970 \text{ N}$  หรือ  $7.97 \text{ kN}$  Ans

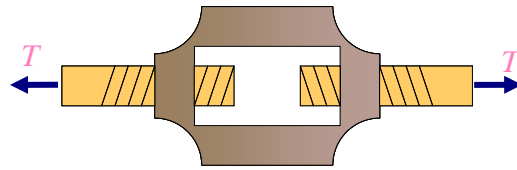
ข) ทอร์กที่ใช้ในการคลายสกรู  $[M = Wr \tan(\varphi - \alpha)]$

$$M = 17970 (0.005) \tan(16.7^\circ - 7.3^\circ)$$

$$= 14.78 \text{ N.m} \quad \underline{\underline{Ans}}$$

ให้ผู้เรียนพัก 20 นาที ก่อนที่จะมีการทำความเข้าใจในตัวอย่างต่อไปเรียนต่อ

**ตัวอย่างที่ 2.** อุปกรณ์แรงตามรูปปรับแรงดึง  $T$  เท่ากับ  $60 \text{ kN}$  สกรูแต่ละตัวมีเส้นผ่าศูนย์กลางเกลียว  $36 \text{ mm}$  สกรูเป็นแบบเกลียวเดี่ยว โดยมีช่วงเกลียว (ระยะการเคลื่อนที่ในแนวตั้งต่อการหมุน 1 รอบ)  $8 \text{ mm}$  สกรูอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวขวาและอีกอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวซ้าย ถ้าต้องใช้โมเมนต์  $380 \text{ Nm}$  ในการคลายเกลียวออก จงคำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทาน



**วิธีทำ**

$$\text{หาค่ามุม } \alpha = \tan^{-1} \frac{L}{2\pi r} = \tan^{-1} \frac{8}{2\pi(18)}$$

$$\alpha = 4.046^\circ$$

$$\text{จาก } M = Wr \tan(\varphi - \alpha)$$

$$= 2Tr \tan(\varphi - \alpha)$$

$$\tan(\varphi - \alpha) = \frac{380}{2 \times 60 \times 10^3 \times 0.018}$$

$$= 0.176$$

$$(\varphi - \alpha) = 9.978$$

$$\varphi = 9.978^\circ + 4.046^\circ = 14.024^\circ$$

$$\mu = \tan 14.024 = 0.250 \quad \underline{\text{Ans}}$$

**กิจกรรมการเรียนรู้การสอน**  
**ขั้นตอนการสอนหรือกิจกรรมของครู**

**ทดสอบ**

1. ให้ผู้เรียนทำแบบทดสอบเรื่อง แรงเสียดทาน มุมของความเสียดทาน ประเภทของปัญหาที่มีความเสียดทาน ( 30 นาที )
2. ผู้สอนเฉลยแบบทดสอบ ( 10 นาที )

**ขั้นนำ**

1. กล่าวนำเข้าสู่บทเรียน โดยพูดคุยถึงเรื่อง. ลิ่ม และสกรู ( 5 นาที )

**ขั้นสอน**

1. สอนแบบบรรยายในหน่วยที่ 6 ( ในหัวข้อย่อย 1 , 2 , 3 ) ( 70 นาที )
2. สอนสาธิตหลักการคำนวณตัวอย่างที่ 1 , 2 , 3 ( 20 นาที )
3. ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัดและเปิดโอกาสให้ผู้เรียนถาม ( 25 นาที )
4. เฉลยแบบฝึกหัด ( 10 นาที )

**ขั้นสรุป**

1. สรุปเนื้อให้ผู้เรียนฟัง ( 10 นาที )

**งานที่มอบหมายหรือกิจกรรม**

1. ให้ศึกษาเอกสารประกอบการเรียนตามหัวข้อ 1 และทำรายงานส่ง
2. ให้ทำแบบฝึกหัด
3. ให้ไปดูเนื้อหาที่จะเรียนสัปดาห์หน้า

**สื่อการเรียนการสอน**

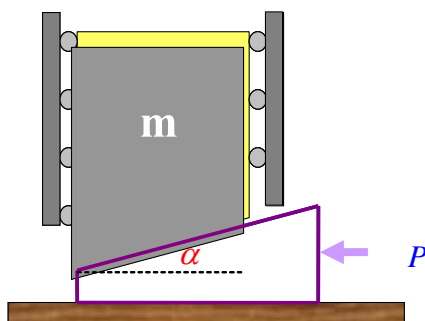
1. เอกสารประกอบการสอนเนื้อหาข้อย่อย 1
2. แผ่นใสเนื้อหาข้อย่อย 1

**การวัดผลและประเมินผล**

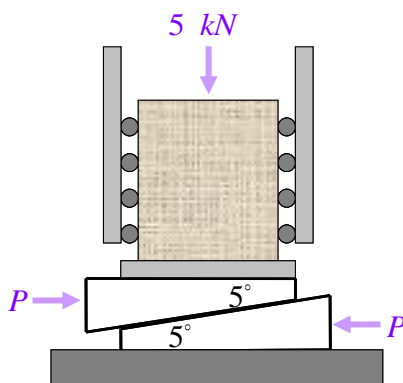
1. สังเกตความสนใจผู้เรียน
2. ความรับผิดชอบต่องานที่มอบหมาย
3. การให้ความร่วมมือในการทำกิจกรรมระหว่างเรียน
4. ทำแบบทดสอบ

แบบฝึกหัด

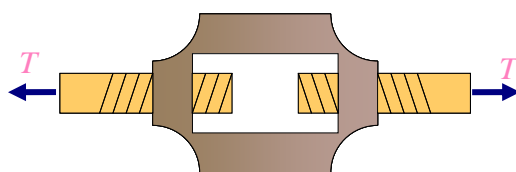
1. จงเขียนแผนภาพวัตถุอิสระความเสียดทานของลิ้ม



2. ลิ้มที่มีมุม  $5^\circ$  สองอันตามรูปใช้สำหรับปรับตำแหน่งของเสาที่รองรับภาระที่เป็นแรงในแนวตั้งเท่ากับ  $5\text{ kN}$  จงหาค่าแรง  $P$  ที่ต้องใช้ในการขยับเสาขึ้นถ้าค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทานทุกผิวสัมผัสเป็น  $0.40$



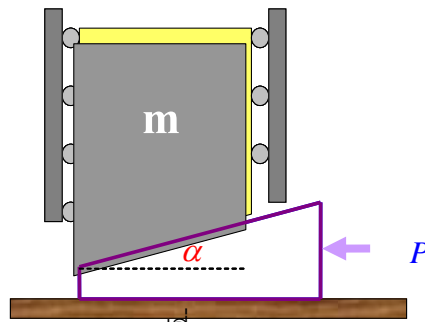
3. อุปกรณ์แรงตามรูปปรับแรงดึง  $T$  เท่ากับ  $60\text{ kN}$  สกรูแต่ละตัวมีเส้นผ่าศูนย์กลางเฉลี่ย  $36\text{ mm}$  สกรูเป็นแบบเกลียวเดี่ยว โดยมีช่วงเกลียว (ระยะการเคลื่อนที่ในแนวตั้งต่อการหมุน 1 รอบ)  $8\text{ mm}$  สกรูอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวขวาและอีกอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวซ้าย ถ้าต้องใช้โมเมนต์  $380\text{ Nm}$  ในการคลายเกลียวออก จงคำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทาน



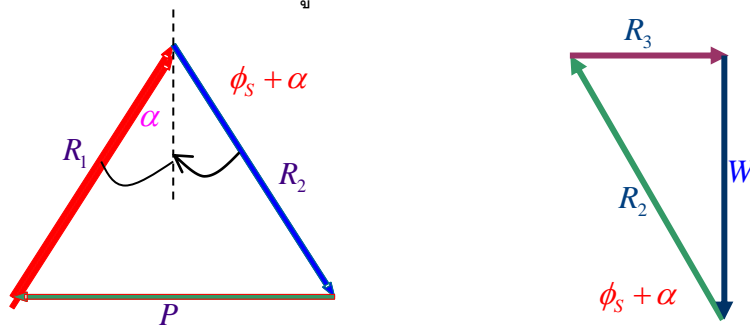


เฉลยแบบฝึกหัด

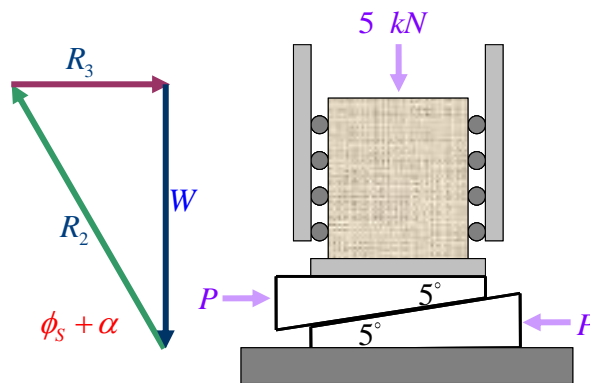
1. จงเขียนแผนภาพวัตถุอิสระความเสียดทานของลิ้ม



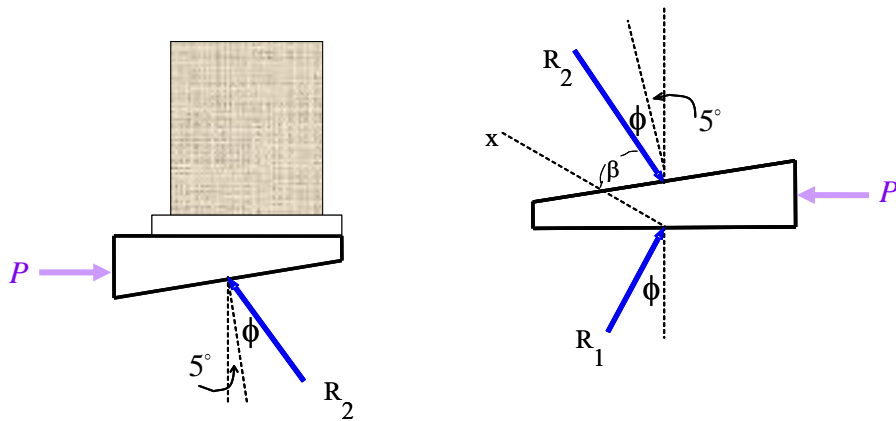
รูปที่ 5.4



2. ลิ้มที่มีมุม  $5^\circ$  สองอันตามรูปใช้สำหรับปรับตำแหน่งของเสาที่รองรับภาระที่เป็นแรงในแนวดิ่งเท่ากับ  $5 \text{ kN}$  จงหาค่าแรง  $P$  ที่ต้องใช้ในการขยับเสาขึ้นถ้าค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทานทุกผิวสัมผัสเป็น  $0.40$



วิธีทำ เขียนแผนภาพวัตถุอิสระได้



การคำนวณ

$$\phi = \tan^{-1} \mu = \tan^{-1}(0.40) = 21.80^\circ$$

สำหรับฝั่งวัตถุอิสระของเสาและลิ่มอันบน

$$\sum F_y = 0 ; R_2 \cos(21.8^\circ + 5^\circ) = 5 \text{ kN}$$

$$\text{ดังนั้น } R_2 = \frac{5}{\cos 26.80} = 5.60 \text{ kN}$$

สำหรับฝั่งวัตถุอิสระของลิ่มอันล่าง

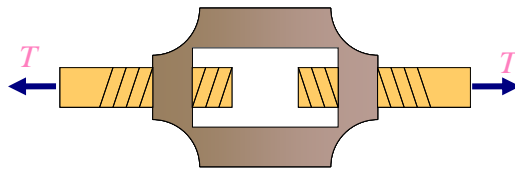
$$\beta = 90 - 2\phi - 5^\circ = 41.40^\circ$$

$$\sum F_x = 0 ; P \cos 21.80^\circ - R_2 \cos 41.40^\circ = 0$$

$$\text{ดังนั้น } P = \frac{R_2 \cos 41.40^\circ}{\cos 21.80^\circ} = \frac{5.60(0.7501)}{0.9285} \text{ kN}$$

$$= 4.52 \text{ kN} \quad \underline{\underline{Ans}}$$

3. อุปกรณ์แรงตามรูปปรับแรงดึง  $T$  เท่ากับ  $60 \text{ kN}$  สกรูแต่ละตัวมีเส้นผ่าศูนย์กลางเฉลี่ย  $36 \text{ mm}$  สกรูเป็นแบบเกลียวเดี่ยว โดยมีช่วงเกลียว (ระยะการเคลื่อนที่ในแนวตั้งต่อการหมุน 1 รอบ)  $8 \text{ mm}$  สกรูอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวขวาและอีกอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวซ้าย ถ้าต้องใช้โมเมนต์  $380 \text{ Nm}$  ในการคลายเกลียวออก จงคำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทาน



วิธีทำ

$$\text{หาค่ามุม } \alpha = \tan^{-1} \frac{L}{2\pi r} = \tan^{-1} \frac{8}{2\pi(18)}$$

$$\alpha = 4.046^\circ$$

$$\text{จาก } M = W r \tan(\varphi - \alpha)$$

$$= 2Tr \tan(\varphi - \alpha)$$

$$\tan(\varphi - \alpha) = \frac{380}{2 \times 60 \times 10^3 \times 0.018}$$

$$= 0.176$$

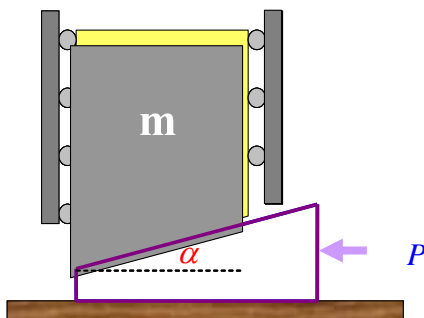
$$(\varphi - \alpha) = 9.978$$

$$\varphi = 9.978^\circ + 4.046^\circ = 14.024^\circ$$

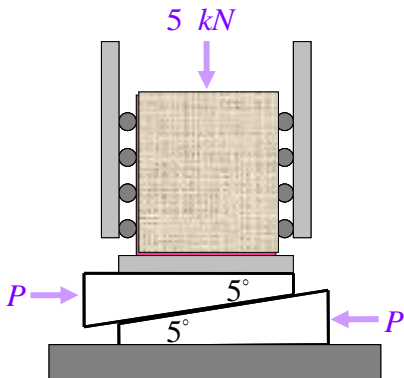
$$\mu = \tan 14.024 = 0.250 \quad \underline{\text{Ans}}$$

แบบทดสอบปลายภาคที่ 14

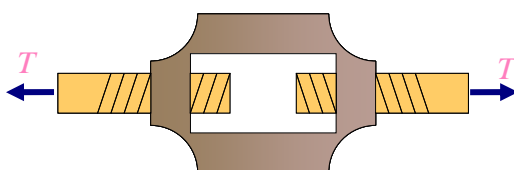
1. จงเขียนแผนภาพวัตถุอิสระความเสียดทานของลิ้ม



2. ลิ้มที่มีมุม  $5^\circ$  สองอันตมรูปใช้สำหรับปรับตำแหน่งของเสาที่รองรับภาระที่เป็นแรงในแนวตั้งเท่ากับ  $5\text{ kN}$  จงหาค่าแรง  $P$  ที่ต้องใช้ในการขยับเสาขึ้นถ้าค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทานทุกผิวสัมผัสเป็น  $0.40$

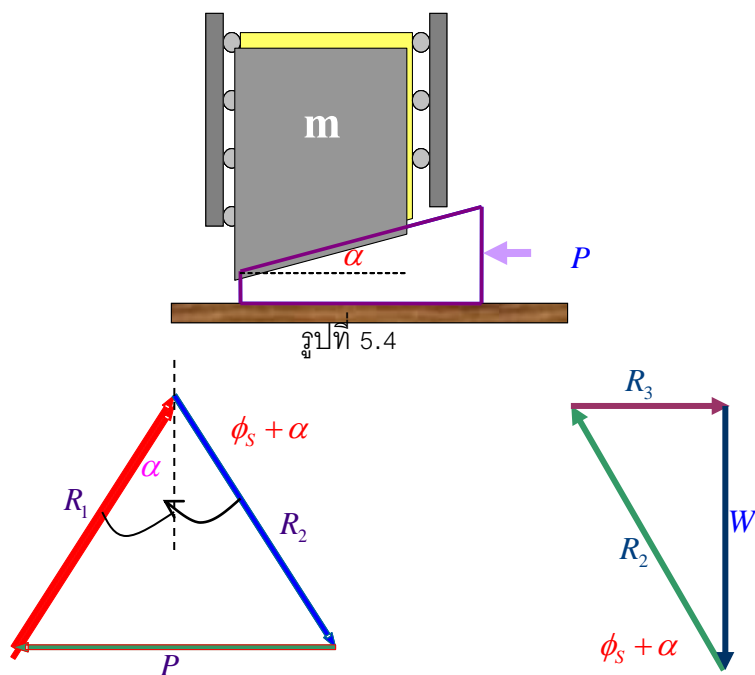


3. อุปกรณ์แรงตามรูปปรับแรงดึง  $T$  เท่ากับ  $60\text{ kN}$  สกรูแต่ละตัวมีเส้นผ่าศูนย์กลางเฉลี่ย  $36\text{ mm}$  สกรูเป็นแบบเกลียวเดี่ยว โดยมีช่วงเกลียว (ระยะการเคลื่อนที่ในแนวตั้งต่อการหมุน 1 รอบ)  $8\text{ mm}$  สกรูอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวขวาและอีกอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวซ้าย ถ้าต้องใช้โมเมนต์  $380\text{ Nm}$  ในการคลายเกลียวออก จงคำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทาน

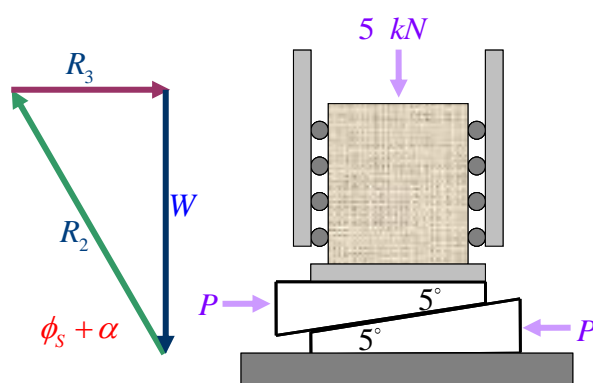


### เฉลยแบบทดสอบสัปดาห์ที่ 14

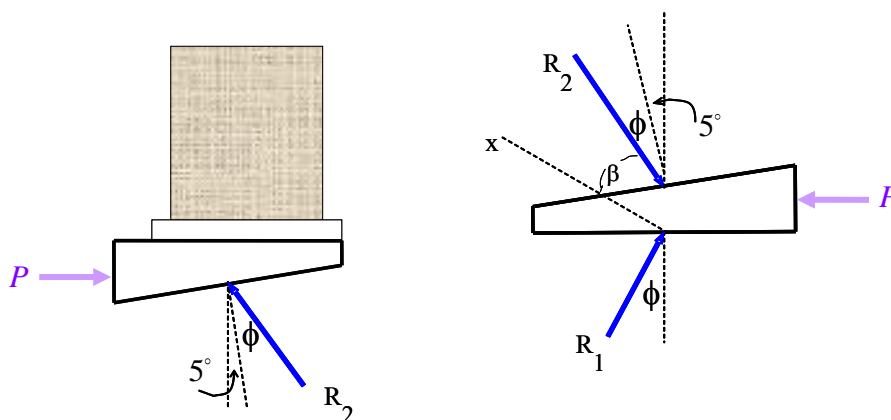
1. จงเขียนแผนภาพวัตถุอิสระความเสียดทานของลิ้ม



2. ลิ้มที่มีมุม  $5^\circ$  สองอันตามรูปใช้สำหรับปรับตำแหน่งของเสาที่รองรับภาระที่เป็นแรงในแนวดิ่งเท่ากับ  $5 \text{ kN}$  จงหาค่าแรง  $P$  ที่ต้องใช้ในการขยับเสาขึ้นถ้าค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทานทุกผิวสัมผัสเป็น  $0.40$



วิธีทำ เขียนแผนภาพวัตถุอิสระได้



การคำนวณ

$$\phi = \tan^{-1} \mu = \tan^{-1}(0.40) = 21.8^\circ$$

สำหรับผังวัตถุอิสระของเสาและลิ่มอันบน

$$\sum F_y = 0 ; R_2 \cos(21.8^\circ + 5^\circ) = 5 \text{ kN}$$

$$\text{ดังนั้น } R_2 = \frac{5}{\cos 26.8^\circ} = 5.60 \text{ kN}$$

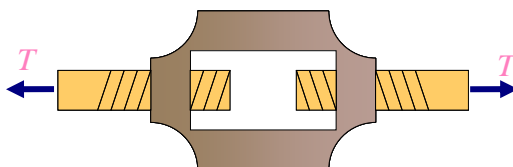
สำหรับผังวัตถุอิสระของลิ่มอันล่าง

$$\beta = 90 - 2\phi - 5^\circ = 41.40^\circ$$

$$\sum F_x = 0 ; P \cos 21.8^\circ - R_2 \cos 41.40^\circ = 0$$

$$\begin{aligned} \text{ดังนั้น } P &= \frac{R_2 \cos 41.40^\circ}{\cos 21.8^\circ} = \frac{5.60(0.7501)}{0.9285} \text{ kN} \\ &= 4.52 \text{ kN} \quad \text{Ans} \end{aligned}$$

3. อุปกรณ์แรงตามรูปปรับแรงดึง  $T$  เท่ากับ  $60 \text{ kN}$  สกรูแต่ละตัวมีเส้นผ่าศูนย์กลางเฉลี่ย  $36 \text{ mm}$  สกรูเป็นแบบเกลียวเดี่ยว โดยมีช่วงเกลียว (ระยะการเคลื่อนที่ในแนวตั้งต่อการหมุน 1 รอบ)  $8 \text{ mm}$  สกรูอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวขวาและอีกอันหนึ่งเป็นแบบเกลียวซ้าย ถ้าต้องใช้โมเมนต์  $380 \text{ Nm}$  ในการคลายเกลียวออก จงคำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์ของความเสียดทาน



วิธีทำ

$$\text{หาค่ามุม } \alpha = \tan^{-1} \frac{L}{2\pi r} = \tan^{-1} \frac{8}{2\pi(18)}$$

$$\alpha = 4.046^\circ$$

$$\text{จาก } M = W r \tan(\varphi - \alpha)$$

$$= 2Tr \tan(\varphi - \alpha)$$

$$\tan(\varphi - \alpha) = \frac{380}{2 \times 60 \times 10^3 \times 0.018}$$

$$= 0.176$$

$$(\varphi - \alpha) = 9.978$$

$$\varphi = 9.978^\circ + 4.046^\circ = 14.024^\circ$$

$$\mu = \tan 14.024 = 0.250 \quad \underline{\text{Ans}}$$

**บันทึกหลังการสอน**

ผลการใช้แผนการสอน.....

.....

.....

.....

.....

.....

ผลการเรียนของนักเรียน.....

.....

.....

.....

.....

.....

ผลการสอนของครู.....

.....

.....

.....

.....

.....